

[ 解答 ]

まず,  $r > r_c$  で, 気圧傾度力と遠心力が釣り合うので,

$$\frac{dp}{dr} = \rho \frac{v^2}{r} = \frac{\rho V_{\max}^2 r_c^2}{r^3}$$

これを積分して,

$$p(r) = -\frac{\rho V_{\max}^2 r_c^2}{2r^2} + p_\infty$$

このとき,

$$p(r_c) = p_\infty - \frac{\rho V_{\max}^2}{2}$$

次に  $r < r_c$  では,

$$\frac{dp}{dr} = \rho \frac{v^2}{r} = \frac{\rho V_{\max}^2 r}{r_c^2}$$

したがって,

$$p(r) = \frac{\rho V_{\max}^2 r^2}{2r_c^2} - \rho V_{\max}^2 + p_\infty \quad \text{肢 3}$$

[ ポイント ]

与えられたヒントに従って計算をしていくこととなります。よく考えてみると, 遠心力は半径が大きくなる方向に働くわけですから, 気圧傾度力は常に中心に向かって働くこととなります。さらに対称性を考えると, 中心では気圧傾度力も遠心力も0になるでしょうから, 計算しなくとも肢3, 4のいずれかしか正解は有り得ないことが分かります。