H.20 理工 III No.29

「解答]

内側に電荷+Qを与え,外側に-Qを与える。このとき,内部の電界E(r)は,ガウスの法則により,

$$E \cdot 2\pi r = \frac{Q}{\varepsilon_0} \qquad \qquad E = \frac{Q}{2\pi\varepsilon_0 r}$$

これを積分して,

$$V = \int_{b}^{a} (-E)dr = \frac{Q}{2\pi\varepsilon_{0}} \int_{a}^{b} \frac{dr}{r} = \frac{Q}{2\pi\varepsilon_{0}} \ln \frac{b}{a}$$

これを Q = CV と見比べて,

$$C = \frac{2\pi\varepsilon_0}{\ln\frac{b}{a}} \quad \text{lit } 5$$

[ポイント]

ガウスの法則を使った基本的かつ有名問題です。用意してあれば簡単に解けますし,中には覚えていた人もいたかもしれません。そのくらいの有名問題ということです。

なお , このタイプの問題は H.20 の理工 I 工学の基礎にも出題があります(理工 III だと必須問題)。従来は電磁気学の範囲だったのですが。