

これ以下は選択問題です。

選択問題はNo. 16 から No. 65 まであります。

これら 50 題のうち、任意の 25 題を選んで解答してください。

解答は、問題番号に該当する答案用紙の番号欄に記入してください。

【No. 16】 実数 x に対して微分方程式

$$\frac{d^2\phi(x)}{dx^2} + \{k(x)\}^2\phi(x) = 0$$

の二つの線形独立な基本解を $\phi_1(x)$, $\phi_2(x)$ とし、 $\phi'_1(x) = \frac{d\phi_1(x)}{dx}$, $\phi'_2(x) = \frac{d\phi_2(x)}{dx}$ とする。

ここで、行列 T を、

$$T = \begin{pmatrix} \phi_1(b) & \phi_2(b) \\ \phi'_1(b) & \phi'_2(b) \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \phi_1(a) & \phi_2(a) \\ \phi'_1(a) & \phi'_2(a) \end{pmatrix}^{-1}$$

で定義する。 a , b は $a \neq b$ の実数であるとする。このとき、 $\det T$ として正しいのはどれか。

1. 1
2. $k(a)k(b)$
3. $\{k(a)\}^2 \{k(b)\}^2$
4. $\frac{\{k(a)\}^2}{\{k(b)\}^2}$
5. $\frac{\{k(b)\}^2}{\{k(a)\}^2}$